## ВЕРИФИКАЦИЯ КИНЕТИЧЕСКИХ СХЕМ ВОСПЛАМЕНЕНИЯ И ГОРЕНИЯ ВОДОРОДА В ВОЗДУХЕ

## А.В. Федоров, Н.Н. Федорова, О.С. Ванькова, Д.А. Тропин

## Институт теоретической и прикладной механики им. Христиановича СО РАН 630090, ул. Институтская, 4/1, Новосибирск, Россия

Физико-математическое моделирование поведения горючих газовых смесей под ударно-волновой нагрузкой является важной проблемой в теоретическом и практическом аспекте. Проблема обеспечения взрыво - и пожаробезопасности позволяют рассматривать процессы горения газовых смесей как актуальную задачу механики неравновесных сред. В настоящее время водород считается одним из важных сырьевых ресурсов будущего. Это требует более точного представления о характеристиках его воспламенения и горения, а так же о способах управления этими процессами. Важную роль при этом играет адекватность моделей воспламенения и горения водорода, в частности, соответствие результатов расчета по определенным кинетическим схемам и данным экспериментов по времени задержки воспламенения в зависимости от начальных параметров.

В настоящей работе представлены результаты верификации численных исследований воспламенения и горения водородосодержащих смесей и экспериментальных данных. Приведены обоснования использования некоторых кинетических моделей для описания воспламенения и горения газовой водородовоздушной смеси. В работе использовались три детальных кинетических механизма с 16, 38 и 50 реакциями [1-3].

На первом этапе рассматривалась ударная труба, заполненная смесью водорода, кислорода и аргона/азота [4]. По смеси распространяется ударная волна (УВ). При некоторых значениях числа Маха УВ параметры смеси могут превысить критические значения и произойдет воспламенение.

В одномерной постановке динамика смеси описывается уравнениями неравновесной динамики:

$$\begin{aligned} \frac{\partial \rho}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u)}{\partial x} &= 0, \\ \frac{\partial (\rho u)}{\partial t} + \frac{\partial (\rho u^2 + p)}{\partial x} &= 0, \\ \frac{\partial (\rho E)}{\partial t} + \frac{\partial [(\rho E + p)u]}{\partial x} &= 0, \end{aligned}$$
(1)

где  $E = e + u^2/2$  – полная энергия,  $\rho$ , u, p, e – плотность, скорость, давление и внутренняя энергия смеси соответственно. Внутренняя энергия реакционноспособной смеси определяется из соотношения

$$e = c_v T + \sum_{\alpha=1}^{\mu} \xi_{\alpha} h_{0\alpha} - c_p T_{00}$$

где  $c_p$ ,  $c_v$  – удельные теплоемкости смеси при постоянном давлении и постоянном объеме,  $c_v = \sum_{\alpha=1}^{\mu} c_{v_{\alpha}} \xi_{\alpha}$ ,  $\xi_{\alpha}$  – относительная массовая концентрация компонента  $\alpha$ ,  $h_{0\alpha}$  – эн-© А.В. Федоров, Н.Н. Федорова, О.С. Ванькова, Д.А. Тропин, 2017

143

тальпия образования компонента  $\alpha$ ,  $\mu$  – количество компонентов смеси,  $T_{00} = 298.15$  К. Система уравнений неравновесной динамики, дополненная уравнением состояния

$$p = \rho TR \sum_{\alpha=1}^{\mu} \frac{\xi_{\alpha}}{M_{\alpha}}$$
(2)

и кинетическими уравнениями детальной химической кинетики

$$\frac{d\xi_{\alpha}}{dt} = \frac{1}{\rho} M_{\alpha} \sum_{r=1}^{l} \rho^{m_{r}} (v_{\alpha r}' - v_{\alpha r}) \times \left[ k_{fr} \prod_{\beta=1}^{N} \left( \frac{\xi_{\beta}}{M_{\beta}} \right)^{v_{\beta r}} - k_{br} \prod_{\beta=1}^{N} \left( \frac{\xi_{\beta}}{M_{\beta}} \right)^{v_{\beta r}} \right]$$
(3)

позволяет после постановки соответствующей начально-краевой задачи рассчитать кар-

тину распространения УВ в канале, наполненном данной рабочей смесью. Здесь  $M_{\alpha}$ ,  $M_{\beta}$  – молекулярные массы компонентов  $\alpha$ ,  $\beta$  смеси; R – универсальная газовая постоянная;  $m_r$  – порядок г-й реакции;  $v_{\alpha r}$ ,  $v_{\beta r}$  – стехиометрические коэффициенты, переменные со

штрихом – относятся к продуктам реакции г;  $\mathbf{k}_{fr}$ ,  $\mathbf{k}_{br}$  – скорости прямой и обратной реакции, соответственно. Математическую модель (1)-(3) будем называть нестационарной.

На рис.1 приведены данные расчетов по кинетическим схем [1-2] и экспериментальных данных [5-8] по зависимости времени задержки воспламенения смеси, разбавленной аргоном и азотом от температуры - Т. Критерием определения времени задержки воспламенения выбран максимум скорости изменения радикала ОН.



Рис.1 Времена задержки воспламенения для смесей водород-кислород-аргон/азот ----- 16 реакций, ----- 50 реакций, ----- 50 реакций

144

В эксперименте [5], данные которого приведены на рис.1,а, смесь содержала 1% H2, 1% O2 и 98% Аг при начальном давлении p = 1.6 atm. Видно, что расчетные кривые для кинетических схем из 50 реакций проходят по экспериментальным данным, а полученные по двум другим кинетическим схемам лежат выше.

На рис.1,6, смесь содержит 1% H2, 2% O2 и 97% Ar при заданном давлении p = 1 atm. Результаты по кинетическим схемам с 38 и 50 реакциями проходят по экспериментальным данным [6], а результаты по 16 реакциям лежат выше.

В эксперименте [7] представленном на рис.1,в, смесь состояла из 29,59% H2+14,79% O2+55,62% N2 при начальном давлении p = 3 atm. На графике видно, что кривая расчетов для 16 реакций проходит по верхней границе экспериментальных данных, а расчетные кривые для 38 и 50 реакций по нижней границе.

На рис.1,г, представлены экспериментальные данные [8] со стехиометрической смесью H2 + air при заданном давлении p = 0.5 atm соответственно. На графике, представленном на рис.2, е видно, что расчетные кривые для кинетических схем с 38 и 50 реакциями проходят по экспериментальным точкам. Кривая расчета с 16 реакциями проходит выше.

На втором этапе расчет проводился с помощью коммерческого пакета ANSYS CFD Fluent на основе полных осредненных по Фавру уравнений Навье-Стокса, дополненных k-ω SST моделью турбулентности. Было проведено тестирование расчетов для кинетических схем на экспериментальных данных [9] о воспламенении струи водорода.

Рассматривались процессы смешения и самовоспламенения водородо-воздушной смеси, подаваемой соосно из конического сопла в сверхзвуковой поток. Начальные данные представлены в таблице.

	Водородная струя	Свободный поток
Число Маха, М	2.00	1.90
Температура, Т <sub>st</sub> , К	251	1495
Скорость, и, м/с	2432	1510
Давление, Р <sub>st</sub> , МПа	0.1	0.1
Массовая концентрация:		
$H_2$	1.000	0
$O_2$	0	0.241
$N_2$	0	0.478
$H_2O$	0	0.281

Таблица 1. Начальные данные

На рис.2 приведена геометрия расчетной области. Диаметр сечения сопла для подачи свободного потока D = 0.0653 м, диаметр трубки для подачи струи водорода  $d_j = 0.009525$  м, толщина стенки трубки 0.0015 м. Рассматривались три конических сверхзвуковых сопла для числа Маха M = 2 с разным углом расширения  $\beta = 4^\circ$ , 4.5° и 5°. Во внешнем потоке ставились стандартные атмосферные граничные условия:  $P_0 = 101325$  Па,  $T_0 = 300$  К, массовая концентрация O2 ~ 21 %. На стенке трубки и стенке форсунки ставилось условие адиабатической стенки.



Рис.2 Геометрия расчетной области с коническим соплом

На рис.3,а,б, показаны графики массовой концентрации H2O в сечениях  $x/d_j = 15.5$ , 27.9. Расчетные данные качественно совпадают с экспериментальными. Однако вблизи оси симметрии расчеты имеют количественное рассогласование с экспериментом. В частности, значения массовой концентрации H<sub>2</sub>O в расчете ниже экспериментальных точек, особенно вблизи оси симметрии. Пики концентраций смешены по радиусу вверх.

На рис.3,в,г, представлены графики распределения полного давления в сечениях  $x/d_j = 13.8$ , 26.2. На графиках видно образование трех зон: вблизи оси симметрии, в слое смешения и горения, выше слоя смешения. В первой зоне, расчетные кривые для  $\beta = 4^{\circ}$ , 4.5°, 5° проходят по нижней границе экспериментальных точек, а кривая без учета коничности течения выше. Во второй зоне, наблюдается расхождение экстремумов расчетных кривых с коническим соплом и без него. Графики проходят ниже точек экспериментов. В третьей зоне кривая расчета с углом расширения сопла  $\beta = 4.5^{\circ}$  проходит выше экспериментальных точек, остальные кривые проходят по нижней границе.



Рис.3 а, б) массовая концентрация H<sub>2</sub>O, в,г) распределение полного давления

**Выводы.** Численный анализ кинетических схем горения водорода показал, что схема с 38 реакциями состоящая из восьми компонент [3] наилучшим образом описывает взятые для численных исследований экспериментальные данные. Такой же результат был получен и в [11].

Исследования проведены при поддержке гранта РНФ №16-19-00010.

## СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Chul Park, Review of Chemical-Kinetic Problems of Future NASA Missions, I: Earth Entries // Journal of Thermophysics and Heat Transfer, Vol. 7, No. 3, July-Sept. 1993
- 2. Foluso Ladeinde, A Critical Review of Scramjet Combustion Simulation (Invited) //AIAA Paper, 209-127, 13 pp
- Tien J. H., Stalker R. J., Release of Chemical Energy by Combustion in a Supersonic Mixing Layer of Hydrogen and Air// Combustion and Flame, 2002. No. 130, pp. 329–348
- Бедарев И.А., Рылова К.В., Федоров А.В., Применение детальных и приведенных кинетических схем для описания детонации водородовоздушных смесей с разбавителем // ФГВ 2015, №5, 22-33с.,

- Hidaka Y., Sato K., Henmi Y., et al., Shock-tube and modeling study of methane pyrolysis and oxidation // Combust. Flame. 1999. N 118. P. 340–358
- Schott G. L., Kinsey J. L., Kinetic studies of hydroxyl radicals in shock waves. II. Induction times in the hydrogenoxygen reactions // J. Chem. Phys. 1958. N 29. P. 1177–1188
- 7. Bhaskaran K.A., Gupta M.C., Just Th., Shock tube study of the effect of unsymmetric dimethyl hydrazine on the ignition characteristics of hydrogen-air mixtures // Comb Flame 1973, 21, 45–48
- Slack M. W. and Grillo A., Investigation of Hydrogen-Air Ignition Sensitized by Nitric Oxide and by Nitrogen Dioxide // NASACR-2896, 1977
- John S. Evans and Charls J. Schexnayder Jr., Influence of Chemical Kinetics and Unmixedness on Burning in Supersonic Hydrogen Flames // AIAA Jour. Vol. 18, No. 2, 188-193
- 10. О.С. Ванькова, Н.Н. Федорова, Верификация кинетических схем горения водородо-воздушной смеси в сверхзвуковом потоке // Материалы IX Всероссийской научно-технической конференции «Актуальные вопросы строительства», Новосибирск: НГАСУ (Сибстрин), 2016, 218-223
- 11. **И.А. Бедарев, А.В. Федоров,** Сравнительный анализ трех математических моделей воспламенения водорода // ΦГВ 2006, №1, С. 26-33.