Модель рационально-оптимистичной популяции в период вспышки эпидемии

 $\frac{\text{Неверов A.B., Криворотько О.И.}}{HTY\ «Cupuyc»,\ Coчи,\ Poccus}$ neverov.av@talantiuspeh.ru

В работе сформулирована модель эпидемии, основанная на камерном подходе SIR-модели [1] и теоретико-игровом подходе игр среднего поля (ИСП) [2].

В модели предполагается, что все люди (игроки) в популяции одинаково подвержены заболеванию, однако имеют различные начальные представления о мерах предосторожности во время вспышки эпидемии. Их рациональность заключается в оптимизации собственной "цены" за самоизоляцию и возможности заразиться. В то же время оптимистичность игроков заключается в ожидании, что предпринятых ими мер будет достаточно, следовательно они останутся здоровы вплоть до конца моделирования. Модель характеризуется системой уравнений типа Колмогорова-Фоккера-Планка и Гамильтона-Якоби-Беллмана, описывающие динамику распределения игроков и оптимальную стоимость их "игры", соответственно.

Для построенной модели проведены численные эксперименты для различных постановок функционала стоимости для игроков, приводящих к различному поведению игроков во время эпидемий и сценариям вспышки [3].

Работа выполнена при поддержке Российского научного фонда (проект № 23-71-10068).

Список литературы

- 1. Kermack, W.O., McKendrick, A.G. Cotributions to the Mathematical Theory of Epidemics-I. // Proceedings of the Royal Society, 1927. №115A, C. 700-721.
- 2. Lasry, JM., Lions, PL. Mean field games // Jpn. J. Math. 2007. №2. C. 229–260.
- 3. Neverov A., Krivorotko O. Neural nets for modelling of scenarios and control of epidemics // First Conference of Mathematics of AI, 2025.