

# Visualization of the stability area of the second-order cauchy difference problem on the complex plane

БЕКТЕМЕСОВ МАКТАГАЛИ АБДИМАЖИТОВИЧ

*КазНПУ им. Абая (Алматы), Казахстан*

КАВАНИХИН СЕРГЕЙ ИГОРЕВИЧ

*Sobolev Institute of Mathematics of SB RAS (Новосибирск), Россия*

КУРЫШБАЕВ ЕРКЕВУЛАН

*КазНПУ им. Абая (Алматы), Казахстан (Алматы), Казахстан*

e-mail: yerke1984@gmail.com

В исследовании рассматривается алгоритм получения изображения самоподобного объекта, который является результатом вычисления относительной погрешности различных конечно-разностных схем решения задачи Коши второго порядка с помощью итерационного процесса [1]. С помощью программы можно наблюдать при каких условиях и на каких точках значение погрешности может стремиться к бесконечности или оставаться в области определенных значений.

При рассмотрении связи полученного множества с корректностью задач математической физики было выявлено, что при определенном цифровом кодировании распределение относительной погрешности дает повторяющееся изображение и самоподобие. Компьютер можно превратить в своеобразный микроскоп и наблюдать с его помощью за поведением границ области. Если рассматривать множество, полученное из вычисления относительной погрешности на комплексной плоскости, то значения, лежащие вне этих множеств, стремятся к бесконечности, внутри границы множества имеют волнобразную форму. Область, где появляется неустойчивость, смещается к границе множества, и его граница вырисовывается особым образом, и именно здесь появляются удивительно красивые формы.

Фракталы и самоподобные объекты [2], отображающие область устойчивости решений дифференциальных уравнений, имеют между собой схожие свойства и различия. Полученное множество имеет кольцеобразный вид, внутри кольца и за его пределами находятся сравнительно большие области неустойчивости. По изображению множества заметно, что центр кольца смещен влево по действительной оси. Кривая графика проходит через центры устойчивых зон и образует линию, которая проходит через атTRACTоры.

При очень малых значениях шага множество явно демонстрирует стохастическое поведение, но при этом множество не теряет свойства самоподобия.

Аналогичные изображения были получены в работах и других авторов, например, в следующей статье <https://www.mdpi.com/2504-3110/7/1/76>.

Список использованной литературы:

1 А. Л. Бухгейм. Введение в теорию обратных задач. Изд-во Наука, Сиб.отд-ние, 1988.

2 Мандельброт Б. Фрактальная геометрия природы. Москва: Институт компьютерных исследований, 2002. - 656 с.