Моделирование соляного диапиризма расчетом трехмерных ползущих течений с использованием технологии параллельных вычислений CUDA® на GPU

> Абрамов Т. В., Лунев Б.В. лаборатория мат. моделирования природных нефтегазовых систем ИНГГ СО РАН

XV Всероссийская конференция молодых ученых по математическому моделированию и информационным технологиям

г. Тюмень, 29-31 октября 2014 г.

### Схема процесса



### Фотоснимок и геологическое строение соляного диапира



ВНУТРЕННЯЯ СТРУКТУРА грибообразного диапира в Большой Соляной пустыне, проявившаяся благодаря эрозии. Исходя из картины поверхностных особенностей и результатов своих моделей, авторы описали глубинную структуру диапира и структуру его вершины, разрушенной эрозией. Первоначальная последовательность слоев в пузыре перевернута: соль перекрывается полосчатыми осадочными породами, являющимися промежуточными по возрасту и по составу между солью и более молодыми покровами. На современной поверхности полосчатые породы образуют кольцевую структуру.

### Образование нефтяных ловушек соляными диапирами



### Постановка задачи



В координатах  $X_{1,}X_{2,}X_{3}$  однородно-вязкая, несжимаемая ньютоновская жидкость с кусочно-постоянной плотностью (  $\rho(\mathbf{x},t) = \rho_k$  для  $\mathbf{x} \in W_k$ ) занимает ограниченное свободной поверхностью  $F(\mathbf{x},t) = x_3 - h(x_1,x_2,t) = 0$ полупространство  $x_3 \le h(x_1,x_2,t)$  ({ $\mathbf{x}$ } = { $x_1,x_2,x_3$ },

t – время, **n** - нормаль к F), находясь под действием нормальной силы тяжести  $g = \{0,0,g\}, g = const < 0.$ 

$$\rho_{(\mathbf{x},t)} = \rho_{(x_3,t)}^0 + \sigma_{(\mathbf{x},t)}, \ \mathbf{T}_{(\mathbf{x},t)} = \mathbf{T}_{(x_3,t)}^0 + \mathbf{\tau}_{(\mathbf{x},t)},$$
 $P_{(\mathbf{x},t)} = P_{(x_3,t)}^0 + p_{(\mathbf{x},t)}, \quad \text{где} \quad \rho_{(x_3,t)}^0, \quad \mathbf{T}_{(x_3,t)}^0, \quad P_{(x_3,t)}^0 -$ 
характеристики гидростатического состояния, а

 $\sigma_{(x,t)}, \tau_{(x,t)}, p_{(x,t)}$  – их малые возмущения.  $T_{ij}^{0} = -\delta_{ij}P^{0} = -\delta_{ij}\rho^{0}gx_{3}.$ 

#### <u>Квазистационарная задача</u>

отыскания  $\boldsymbol{v}$  и p по возмущению плотности  $\sigma$ ,

заданному на момент времени  $t_n$ :

- (1)  $\rho_{(\mathbf{x},t_n)} = \rho_k$ для  $\mathbf{x} \in W_k$ ,
- (1<sup>\*</sup>)  $\sigma_{(\mathbf{x},t_n)} = \rho_{(\mathbf{x},t_n)} \rho_{(x_3,t_n)}^0;$
- (2)  $\nabla \cdot \boldsymbol{v} = 0,$
- (3)  $\mu \nabla^2 \boldsymbol{v} \nabla p = -\sigma \boldsymbol{g}.$

Условия для свободной поверхности F

(4)  $\frac{DF}{Dt} = 0,$ (5)  $(\boldsymbol{T} \cdot \boldsymbol{n})_F = 0,$ 

допускают линеаризацию путем так называемого «сноса на невозмущенную поверхность», приводящего к условиям «скользкой границы» ("free slip conditions"):

(4
$$\pi$$
)  $(v_3 = 0)_{x_3=0},$   
(5 $\pi$ )  $(T_{31} = T_{32} = 0)_{x_3=0},$   
(5 $\pi^*$ )  $(T_{33} = -\rho^0 |\boldsymbol{g}| h)_{x_2=0}.$ 

#### Эволюционные уравнения

определяющие эволюцию внутренних границ S<sub>k</sub>

(6) 
$$\frac{\partial S_k}{\partial t} + \boldsymbol{v} \cdot \boldsymbol{\nabla} S_k = 0,$$

с начальными условиями –  $S_{k(x,t_0)}$ , ( $\boldsymbol{v}_{(x,t_0)} = 0$ ).

### Ограничения разностных методов



 а) График зависимости ускорения от количества процессоров, полученный при решении системы ЛАУ методом Холесского с 3000 неизвестных.
 Красным обозначен теоретический рост производительности, синим – практический.
 Уменьшение прироста производительности связано с частыми обменами данными

### [Исмаил-Заде и др, 2000]



б) График зависимости ускорения от пропускной способности памяти при решении задачи сеточными методами. На графике GMG – геометрический многосеточный метод, AMG – алгебраический многосеточный метод, FFT – метод редукции. Очевидна линейная зависимость ускорения от пропускной способности памяти видеокарт

> [Демидов и др, Казанский Государственный Университет]

### Стационарная задача для сосредоточенной силы



- (1)  $\mu \nabla^2 \boldsymbol{v} \nabla p = -\boldsymbol{f}^\circ,$
- (2)  $\boldsymbol{\nabla} \cdot \boldsymbol{v} = 0,$
- (3)  $(v_3 = \tau_{31} = \tau_{32} = 0)_{x_3=0}$ .
- $\boldsymbol{f}^{\circ} = \delta_{i3} \delta_{(\boldsymbol{x}-\boldsymbol{\xi})},$
- $\delta_{i3}$  дельта Кронекера,
- $\delta_{(x-\xi)}$  дельта функция Дирака в точке с координатами  $\{\xi\}$ .
  - $V_{(x,\xi)}$  решение задачи (**1 3**)

### Расчет ползущего течения – общая схема

 На каждой итерации решается стационарная задача, где поле течения находится как интеграл свертки

$$v_{i(\mathbf{x})} = g \iiint \sigma_{(\boldsymbol{\xi})} V_{i(\mathbf{x},\boldsymbol{\xi})} \, d\xi_1 d\xi_2 d\xi_3$$

• Решаются эволюционные уравнения

$$\frac{\partial S_k}{\partial t} + v \cdot \nabla S_k = 0,$$

$$S_{k(x,t_0)}, v_{(x,t_0)} = 0$$



Преимущества использования функции Грина

- Поле скорости вычисляется, как интеграл свертки
- Возможность расчета поля течения только на границах тел
- Возможность понижения порядка вычислительной сложности
- Масштабируемость большое число вычислительных узлов
- Снижение требований к пропускной способности памяти

### Реализация вычислений



$$\overline{v}_{(\overline{x})} = \sum_{i=1}^{s} m_{a(\overline{\xi})} * \overline{f}(\overline{x}, \overline{\xi})$$

### Схема расчета на нескольких GPU





## Оценка производительности при использовании нескольких GPU



# Примеры расчетов — развитие одиночного возмущения на различных стадиях







# Сопоставление результатов физического (Талбот & Джексон, 1987) и нашего численного моделирования

молодой диалир











KAPHUS

### Эволюция двуслойной модели



### Конфигурация слоев двуслойной модели снизу вверх









### Разрезы двуслойной модели



### Подбор 3D структуры

В 2013 году компания «Северо-Запад» совместно со своим иранским партнером <u>ZAP Consulting</u> <u>Engeneers</u> проводили площадные электроразведочные и гравиразведочные работы на одном из соляных куполов в центральном Иране. Требовалось изучить геометрию и свойства соляного тела для проектирования и строительства в нем первого на Ближнем Востоке газового хранилища в соляном куполе. Построена 3D-модель соляного тела.

Опубликовано на <u>http://nw-geo.ru/geophysics/oil-and-gas/izuchenie-solianogo-kupola-v-irane/</u>



## Подбор 3D структуры: итоговое состояние



### Подбор 3D структуры: сопоставление с результатами геофизики











### Подбор 3D структуры: характеристики НДС по разрезу











# Благодарю за внимание!

Contraction of the