## 0.1. *Кармушин С.Р.* Нестационарные течения Пуазейля в вязкоупругой жидкости максвелла с двумя временами релакса-

Одной из характерных особенностей движения вязкоупругих сред, привлекающих внимание исследователей, является аномальное поведение жидкости при определенных параметрах течения. Ярким проявлением развития неустойчивости потока является эффект сдвигового расслоения (shear banding), когда в течении неньютоновской жидкости возникает конечное число однонаправленных слоев, отличающихся скоростью сдвига. Это явление охватывает широкий класс течений, характеризующихся возникновением внутренних разрывов и, в конечном итоге, приводит к резкому уменьшению сопротивления при транспортировке вязкоупругих жидкостей в каналах и трубах.

В работе [1] предложена и проанализирована нелинейная модель Джонсона — Сигалмана — Олдройда, которая объединяет в себе модель Джонсона — Сигалмана с несколькими временами релаксации и подход с введением искусственной ньютоновской вязкости в законе сохранения импульса. Ключевая особенность этой модели — немонотонная зависимость стационарного напряжения сдвига от скорости сдвига. Это приводит к образованию скачков скорости сдвига в стационарном течении, когда градиент давления превышает некоторое критическое значение. Благодаря этой особенности, модель позволяет описывать различные неустойчивости потока, включая shear banding. В работе [2] исследовано течение Куэтта в рамках модели Джонсона — Сигалмана с двумя временами релаксации, но без ньютоновской вязкости и построена численная модель для расчета нестационарных решений с учетом сдвигового расслоения потока.

В данной работе рассмотрены одномерные нестационарные течения несжимаемой вязкоупругой жидкости между параллельными пластинами и в трубе (течение Пуазейля) в рамках модели Джонсона — Сигалмана с двумя временами релаксации. Проведены нестационарные расчеты различных режимов течения, продемонстрировано возникновение внутренних линий скольжения при увеличении скорости потока (shear banding). Построены стационарные решения и исследована их структура. Показано, что стационарные решения с внутренними линиями скольжения могут быть получены как численный предел нестационарных течений. На основе нестационарных расчетов построены диаграммы зависимости напряжения сдвига от скорости для течений Куэтта и Пуазейля. Проанализировано явление гистерезиса при циклическом изменении скорости потока.

Результаты исследования были использованы при выполнении индустриального проекта по моделиро-

ванию трехмерного течения геля  $\Gamma P \Pi$  в проппантной пачке.

Научные руководители — д.ф.-м.н. проф. Ляпидевский В. Ю., д.ф.-м.н. проф. РАН Головин С. В.

## Список литературы

- [1] MALKUS D.S., NOHEL J.A., PLOHR B.J. Analysis of new phenomena in shear flow of non-newtonian fluids // SIAM J. Appl. Math. 1991. Vol. 51. N. 4. P. 899-929.
- [2] Ляпидевский В. Ю. Течение Куэтта вязкоупругой среды максвелловского типа с двумя временами релаксации // Тр. МИАН. 2018. Т. 300. С. 146–157.